

НЕКЕ ФОРМУЛЕ О АПСОЛУТНИМ ВРЕДНОСТИМА REALНИХ БРОЈЕВА

D. S. Mitrinović

1. За скуп $E = \{a_1, a_2, \dots, a_n\}$ realnih brojeva a_1, a_2, \dots, a_n dokazali smo formule

$$(1) \sum_{1 \leq n < m \leq 2k} |a_n - a_m| \equiv \sum_{i=1}^k (2i-1) (\max_{k-i} E - \min_{k-i} E),$$

$$(2) \sum_{1 \leq n < m \leq 2k+1} |a_n - a_m| \equiv \sum_{i=1}^k 2i (\max_{k-i} E - \min_{k-i} E).$$

Прilikom izvoђења formula (1) i (2) пошли smo od poznate relacije

$$|a_n - a_m| \equiv \max(a_n, a_m) - \min(a_n, a_m).$$

У овим formulama simbol

$$\max_p (a_1, a_2, \dots, a_s), \quad p < s,$$

označава највећи број скупа

$$a_1, a_2, \dots, a_s$$

пошто је претходно у njemu изостављено p највећих бројева.

Slično ovome, simbol

$$\min_p (a_1, a_2, \dots, a_s), \quad p < s,$$

označава најманji број скупа

$$a_1, a_2, \dots, a_s,$$

пошто је у njemu претходно изостављено p најманjih бројева.

Simboli $\max_0 E$ и $\min_0 E$ znače respektивно: $\max E$ и $\min E$.

2. Navedimo nekoliko partikularnih formula:

$$|a_1 - a_2| = \max(a_1, a_2) - \min(a_1, a_2);$$

$$|a_1 - a_2| + |a_1 - a_3|$$

$$+ |a_2 - a_3| = 2 \{ \max(a_1, a_2, a_3) - \min(a_1, a_2, a_3) \};$$

$$|a_1 - a_2| + |a_1 - a_3| + |a_1 - a_4|$$

$$+ |a_2 - a_3| + |a_2 - a_4|$$

$$+ |a_3 - a_4| = 3 \{ \max(a_1, a_2, a_3, a_4) - \min(a_1, a_2, a_3, a_4) \}$$

$$+ \{ \max_1(a_1, a_2, a_3, a_4) - \min_1(a_1, a_2, a_3, a_4) \};$$

$$|a_1 - a_2| + |a_1 - a_3| + |a_1 - a_4| + |a_1 - a_5|$$

$$+ |a_2 - a_3| + |a_2 - a_4| + |a_2 - a_5|$$

$$+ |a_3 - a_4| + |a_3 - a_5|$$

$$+ |a_4 - a_5|$$

$$= 4 \{ \max(a_1, a_2, a_3, a_4, a_5) - \min(a_1, a_2, a_3, a_4, a_5) \}.$$

$$+ 2 \{ \max_1(a_1, a_2, a_3, a_4, a_5) - \min_1(a_1, a_2, a_3, a_4, a_5) \};$$

$$|a_1 - a_2| + |a_1 - a_3| + |a_1 - a_4| + |a_1 - a_5| + |a_1 - a_6|$$

$$+ |a_2 - a_3| + |a_2 - a_4| + |a_2 - a_5| + |a_2 - a_6|$$

$$+ |a_3 - a_4| + |a_3 - a_5| + |a_3 - a_6|$$

$$+ |a_4 - a_5| + |a_4 - a_6|$$

$$+ |a_5 - a_6|$$

$$= 5 \{ \max(a_1, a_2, a_3, a_4, a_5, a_6) - \min(a_1, a_2, a_3, a_4, a_5, a_6) \}$$

$$+ 3 \{ \max_1(a_1, a_2, a_3, a_4, a_5, a_6) - \min_1(a_1, a_2, a_3, a_4, a_5, a_6) \}$$

$$+ \{ \max_2(a_1, a_2, a_3, a_4, a_5, a_6) - \min_2(a_1, a_2, a_3, a_4, a_5, a_6) \};$$

$$|a_1 - a_2| + |a_1 - a_3| + |a_1 - a_4| + |a_1 - a_5| + |a_1 - a_6| + |a_1 - a_7|$$

$$+ |a_2 - a_3| + |a_2 - a_4| + |a_2 - a_5| + |a_2 - a_6| + |a_2 - a_7|$$

$$\begin{aligned}
 & + |a_3 - a_4| + |a_3 - a_5| + |a_3 - a_6| + |a_3 - a_7| \\
 & + |a_4 - a_5| + |a_4 - a_6| + |a_4 - a_7| \\
 & + |a_5 - a_6| + |a_5 - a_7| \\
 & + |a_6 - a_7| \\
 = & 6 \{ \max(a_1, a_2, a_3, a_4, a_5, a_6, a_7) - \min(a_1, a_2, a_3, a_4, a_5, a_6, a_7) \} \\
 + & 4 \{ \max_1(a_1, a_2, a_3, a_4, a_5, a_6, a_7) - \min_1(a_1, a_2, a_3, a_4, a_5, a_6, a_7) \} \\
 + & 2 \{ \max_2(a_1, a_2, a_3, a_4, a_5, a_6, a_7) - \min_2(a_1, a_2, a_3, a_4, a_5, a_6, a_7) \}.
 \end{aligned}$$

3. Formule (1) i (2) važe i za slučaj kada među brojevima

$$a_1, a_2, \dots, a_n$$

ima među sobom jednakih.

Résumé

FORMULES SUR LES VALEURS ABSOLUES DES NOMBRES RÉELS

D. S. Mitrinovitch

On indique les formules (1) et (2), où $E \equiv \{a_1, a_2, \dots, a_n\}$ présente un ensemble des nombres réels et où les symboles

$$\max_p(a_1, a_2, \dots, a_s) \text{ et } \max_p(a_1, a_2, \dots, a_s), \quad s > p,$$

désignent respectivement:

Le plus grand parmi les nombres $a_1, a_2, a_3, \dots, a_s$, où l'on a omis au préalable les p ($p < s$) des plus grands nombres;

Le plus petit des nombres a_1, a_2, \dots, a_s , où l'on a omis, préalablement, les p ($p < s$) des plus petits parmi ces nombres.